### Introducción a la matemática 2016

## Trabajo práctico 4 bis

Ejercicios de Factorización y Raíces de polinomios, Racionalización de radicales y operaciones con fracciones algebraicas

## 1. Factorizar:

a. 
$$x^3 + x^2$$

b. 
$$2x^4 + 4x^2$$

c. 
$$x^2 - 4$$

d. 
$$x^4 - 16$$

e. 
$$x^2 + x + 9$$

f. 
$$x^2 - x - 6$$

g. 
$$x^4 - 10x^2 + 9$$

h. 
$$x^4 - 2x^2 - 3$$

i. 
$$2x^4 + x^3 - 8x^2 - x + 6$$

j. 
$$2x^3 - 7x^2 + 8x - 3$$

k. 
$$x^3 - x^2 - 4$$

1. 
$$x^3 + 3x^2 - 4x - 12$$

m. 
$$6x^3 + 7x^2 - 9x + 2$$

# 2. Factorizar los siguientes polinomios:

a. 
$$9x^4 - 4x^2$$

b. 
$$x^5 + 20x^3 + 100x$$

c. 
$$3x^5 - 18x^3 + 27x$$

d. 
$$2x^3 - 50x$$

e. 
$$2x^5 - 32x$$

f. 
$$2x^2 + x - 28$$

### 3. Descomponer en factores:

a. 
$$\frac{2}{5}x^5 - \frac{6}{5}x^4 + \frac{14}{15}x^2$$

b. 
$$xy - 2x - 3y + 6$$

c. 
$$25x^2 - 1$$

d. 
$$36x^6 - 49$$

e. 
$$x^2 - 2x + 1$$

f. 
$$x^2 - 6x + 9$$

g. 
$$x^2 - 20x + 100$$

h. 
$$x^2 + 10x + 25$$

i. 
$$x^2 + 14x + 49$$

j. 
$$x^3 - 4x^2 + 4x$$

k. 
$$3x^7 - 27x$$

I. 
$$x^2 + 11x + 30$$

m. 
$$3x^2 - 10x + 3$$

n. 
$$2x^2 - x - 1$$

# 4. Eliminar las raíces del denominador:

a. 
$$\frac{2}{3\sqrt{2}}$$

b. 
$$\sqrt{2} + \frac{1}{\sqrt{2}}$$

d. 
$$\frac{2}{3\sqrt[5]{4}}$$

e. 
$$\frac{a}{b\sqrt[n]{c^m}}$$

e. 
$$\frac{a}{b\sqrt[n]{c^m}}$$
f. 
$$\frac{2}{\sqrt{2}-\sqrt{3}}$$
g. 
$$\frac{2}{4-2\sqrt{2}}$$

g. 
$$\frac{2}{4-2\sqrt{2}}$$

h. 
$$\frac{2\sqrt{2}}{5-2\sqrt{6}}$$

# 5. Simplificar:

a. 
$$\frac{x^2 - 3x}{x^2 + 3x}$$

b. 
$$\frac{x^2 - 3x}{3 - x}$$

c. 
$$\frac{x^2 + x - 2}{x^3 - x^2 - x + 1}$$

d. 
$$\frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 7x + 12}$$

e. 
$$\frac{x^2 - 2x - 3}{x^2 - x - 2}$$

f. 
$$\frac{x^3 - 19x - 30}{x^3 - 3x^2 - 10x}$$

6. Opere con las siguientes fracciones algebraicas:  
a. 
$$\frac{1}{x+1} + \frac{2x}{x^2-1} - \frac{1}{x-1}$$

b. 
$$\frac{x+2}{x^3-1} - \frac{1}{x-1}$$

c. 
$$\frac{x^2 - 2x}{x^2 - 5x + 6} \frac{x^2 + 4x + 4}{x^2 - 4}$$

d. 
$$\frac{9-6x+x^2}{9-x^2} \frac{x^2-5x+6}{3x^2-9x}$$

e. 
$$\left(x + \frac{x}{x-1}\right)\left(x - \frac{x}{x-1}\right)$$
  
f.  $\frac{x}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{x}}}$ 

f. 
$$\frac{x}{1 + \frac{1}{1 + \frac{1}{x}}}$$