

Trabajo Práctico 6

1. Ejecute las operaciones que se piden y simplifique.

a) $(3x^2 + x + 1) + (2x^2 - 3x - 5)$

b) $(3x^2 + x + 1) + (2x^2 - 3x - 5)$

c) $3(x - 1) + 4(x + 2)$

d) $2(2 - 5t) + t^2(t - 1) - (t^4 - 1)$

e) $\sqrt{x}(x - \sqrt{x})$

f) $(2x^2 + 3y^2)^2$

g) $(x^2 - a^2)(x^2 + a^2)$

h) $(1 + a^3)^3$

i) $(1 + x^{4/3})(1 - x^{2/3})$

j) $(x + y + z) + (x - y - z)$

2. Obtenga el factor común.

a) $y(y - 6) + 9(y - 6)$

b) $2x^4 + 4x^3 - 14x^2$

c) $-7x^4y^2 + 14xy^3 + 21xy^4$

3. Factorice el trinomio.

a) $x^2 - 2x - 3$

b) $8x^2 - 14x - 15$

c) $x^2 - 6x + 5$

d) $6y^2 + 11y - 21$

4. Factorice la expresión agrupando términos.

a) $x^3 + 4x^2 + x + 4$

b) $2x^3 + x^2 - 6x - 3$

c) $-9x^3 - 3x^2 + 3x + 1$

d) $x^5 + x^4 + x + 1$

Trabajo Práctico 6

5. Factorice totalmente la expresión. Empiece por factorizar la potencia más baja de cada factor común.

a) $x^{5/2} - x^{1/2}$

b) $x^{-3/2} + 2x^{-1/2} + x^{1/2}$

c) $2x^{1/3}(x-2)^{2/3} - 5x^{4/3}(x-2)^{-1/3}$

6. Factorice totalmente las expresiones.

a) $2x^2 + 5x + 3$

b) $5ab - 8abc$

c) $9x^2 - 36x - 45$

d) $x^2 - 36$

e) $49 - 4y^2$

f) $(a+b)^2 - (a-b)^2$

g) $8x^3 + 125$

h) $3x^3 - 27x$

i) $y^3 - 3y^2 - 4y + 12$

j) $3x^3 + 5x^2 - 6x - 10$

7. Determine el dominio de la expresión.

a) $-x^4 + x^3 + 9x$

b) $\frac{2x+1}{x-4}$

c) $\frac{1}{\sqrt{x-1}}$

8. Simplifique la expresión racional.

a) $\frac{3(x+2)(x-1)}{6(x-1)^2}$

b) $\frac{x^2-x-2}{x^2-1}$

c) $\frac{x^2+6x+8}{x^2+5x+4}$

Trabajo Práctico 6

d) $\frac{y^2+y}{y^2-1}$

e) $\frac{1-x^2}{x^3-1}$

9. Efectúe la multiplicación o la división, y simplifique.

a) $\frac{4x}{x^2-4} \cdot \frac{x+2}{16x}$

b) $\frac{x^2+2x-3}{x^2-2x-3} \cdot \frac{3-x}{3+x}$

c) $\frac{t-3}{t^2+9} \cdot \frac{t+3}{t^2-9}$

d) $\frac{\frac{x^3}{x+1}}{\frac{x}{x^2+2x+1}}$

10. Efectúe la adición o la sustracción y simplifique.

a) $\frac{2x-1}{x+4} - 1$

b) $\frac{1}{x+5} + \frac{2}{x-3}$

c) $\frac{x}{x-4} - \frac{3}{x+6}$

d) $\frac{x}{(x+1)^2} + \frac{2}{x+1}$

e) $\frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} + \frac{1}{x^3}$

f) $\frac{x}{x^2-x-6} - \frac{1}{x+2} - \frac{2}{x-3}$

11. Simplifique la expresión. (Este tipo de expresión utilizarás en Cálculo I/ Elementos del Cálculo I)

a) $\frac{(x+h)^{-3} - x^{-3}}{h}$

b) $\frac{\frac{1-(x+h)}{2+(x+h)} - \frac{1-x}{2+x}}{h}$

Trabajo Práctico 6

c)
$$\frac{3(x+2)^2(x-3)^2 - (x+2)^3 2(x-3)}{(x-3)^4}$$

d)
$$\frac{2(1+x)^{1/2} - x(1+x)^{-1/2}}{x+1}$$

e)
$$\frac{(1-x^2)^{1/2} - x^2(1-x^2)^{-1/2}}{1-x^2}$$

12. Racionalice el denominador.

a)
$$\frac{2}{3-\sqrt{5}}$$

b)
$$\frac{2}{\sqrt{2}+\sqrt{7}}$$

c)
$$\frac{1}{\sqrt{x}+1}$$

d)
$$\frac{y}{\sqrt{3}+\sqrt{y}}$$

e)
$$\frac{2(x-y)}{\sqrt{x}-\sqrt{y}}$$

13. Racionalice el numerador.

a)
$$\frac{1-\sqrt{5}}{3}$$

b)
$$\frac{\sqrt{3}+\sqrt{5}}{2}$$

Trabajo Práctico 6

Ejercicios adicionales (con resultados):

Ejercicio N°1 : Aplique Factor común para factorizar los siguientes polinomios.

$$1) 4m^4n^2 - 8mn^2 + 14m^5n^4 = 2mn^2(2m^3 - 4 + 7m^4n^2)$$

$$2) \frac{4}{3}x - \frac{10}{3}y = \frac{2}{3}(2x - 5y)$$

$$3) \frac{1}{6}c^4 - \frac{1}{9}c^3 - \frac{1}{12}c^2 + \frac{2}{3}c = \frac{1}{3}c\left(\frac{1}{2}c^3 - \frac{1}{3}c^2 - \frac{1}{4}c + 2\right)$$

$$4) -8a^3b^3 + 4ab^8 + 16a^5b = -4ab(2a^2b^2 - b^7 - 4a^4) = 4ab(-2a^2b^2 + b^7 + 4a^4)$$

Ejercicio N°2: Aplique Factor Común en Grupos para factorizar los siguientes polinomios.

$$1) ap + aq + bp + bq = (a + b)(p + q)$$

$$2) cd - 4d + 5c - 20 = (c - 4)(d + 5)$$

$$3) ax + cy - bx + ay + cx - by = (a - b + c)(x + y)$$

$$4) -xz - 5 + 5z + x = (5 - x)(z - 1)$$

Ejercicio N°3: Expresé los siguientes trinomios como cuadrados del binomio, cuando sea posible.

$$1) x^2 - 8x + 16 = (x - 4)^2$$

$$2) 16a^2b^4 + \frac{1}{9}x^6 - \frac{8}{3}ab^2x^3 = (4ab^2 - \frac{1}{3}x^3)^2$$

$$3) \frac{1}{4}t^2 + \frac{t}{3} - \frac{1}{9} = \text{no puede factorizarse}$$

$$4) 36a^2 - 12a + 1 = (6a - 1)^2$$

Ejercicio N°4: Expresé los siguientes cuatrinomios como cubos del binomio, cuando sea posible.

$$1) \frac{1}{8}x^6 + \frac{3}{4}x^4 + \frac{3}{2}x^2 + 1 = \left(\frac{1}{2}x^2 + 1\right)^3$$

$$2) x^3 - 9x^2 + 27x - 27 = (x - 3)^3$$

$$3) -27a^{12}b^6 - 9a^{12}b^4 - a^{12}b^3 - 27a^{12}b^5 = (-3a^4b^2 - a^4b)^3$$

Trabajo Práctico 6

Ejercicio N° 4: Aplique diferencia de cuadrados para factorizar los siguientes polinomios.

1) $16x^2 - 25y^2 = (4x - 5y)(4x + 5y)$

2) $144 - x^2y^2 = (12 - xy)(12 + xy)$

3) $36 - 25a^2 = (6 - 5a)(6 + 5a)$

Ejercicio N°5: Aplique suma o restas de potencias de igual grado, para factorizar los siguientes polinomios.

1) $x^5 + 32 = (x + 2)(x^4 - 2x^3 + 4x^2 - 8x + 16)$

2) $y^5 - 1 = (y - 1)(y^4 + y^3 + y^2 + y + 1)$

3) $z^4 - 1 = (z - 1)(z^3 + z^2 + z + 1)$ ó $(z + 1)(z^3 - z^2 + z - 1)$

4) $x^6 + 1 =$ no es factorizable

Ejercicio N°7: Factorice, cuando sea posible, los siguientes polinomios según corresponda:

1) $7a^4 - 7x^2y^2 =$

2) $\frac{1}{5}ab^4 - \frac{2}{15}ab^3 + \frac{1}{45}ab^2 =$

3) $27t^3 - 108qt^2 + 144tq^2 - 64q^3 =$

4) $\frac{1}{8}x^3 - 4x^2y^2 + \frac{1}{6}yx^4 - \frac{1}{27}y^6 =$

5) $4x^3 + 20x^2 - x - 5 =$

6) $9x^3 + 36x^2 - 4x - 16 =$