TRABAJO PRÁCTICO 5:INTEGRALES- PARTE C

PARTE C: OTRAS TÉCNICAS DE INTEGRACIÓN. INTEGRALES DE FUNCIONES RACIONALES. INTEGRALES IMPROPIAS.

1. Evalúe cada una de las siguientes integrales:

a.
$$\int x e^{2x} dx$$

b.
$$\int (\ln x)^2 dx$$

c.
$$\int e^{2\theta} \operatorname{sen}(3\theta) d\theta$$

$$d. \int_0^1 t e^{-t} dt$$

e.
$$\int_1^2 \frac{\ln(x)}{x^2} dx$$

f.
$$\int \cos(\ln x) dx$$

2. Dada la siguiente integral:

$$\int sen\left(\sqrt{x}\right)dx$$

Realice primero una sustitución y después integración por partes para evaluarla.

- 3. Calcule el área de la región limitada por las siguientes funciones: y = arcsen(x); y = 0; x = 0.5.
- 4. Evalúe cada una de las siguientes integrales:

a.
$$\int sen^3(x)\cos^2(x) dx$$

b.
$$\int_{\pi/2}^{3\pi/4} sen^5(x) \cos^3(x) dx$$
 c. $\int_0^{\pi/2} sen^2(3x) dx$

c.
$$\int_0^{\pi/2} sen^2(3x) dx$$

d.
$$\int \cos^4(t) dt$$

e.
$$\int \frac{1-sen(x)}{\cos(x)} dx$$

f.
$$\int \tan^2(x) dx$$

g.
$$\int_{0}^{\pi/4} \tan^{4}(t) \sec^{2}(t) dt$$
 h. $\int sen(5x) sen(2x) dx$

h.
$$\int sen(5x) sen(2x) dx$$

5. Evalúe cada una de las siguientes integrales

a.
$$\int \frac{du}{\sqrt{u^2+16}} =$$

$$b. \quad \int \sqrt{1 - 4x^2} dx =$$

c.
$$\int_0^{\frac{3}{5}} \frac{x^2}{\sqrt{9-25x^2}} dx =$$

$$d. \quad \int \sqrt{5 + 4x - x^2} dx =$$

e.
$$\int_0^a \frac{dt}{(a^2+t^2)^{3/2}} = con \, a > 0$$

- 6. Calcule el valor promedio de la función $f(x) = sen^2(x) \cos^3(x)$ en el intervalo $[-\pi, \pi]$.
- 7. Descomponga en fracciones parciales cada una de las funciones dadas y determine los valores numéricos de los coeficientes

a.
$$\frac{3}{(2x+3)(x-1)}$$

b.
$$\frac{1}{x^4 - x^3}$$

$$c.\frac{5x+1}{(x-1)^2}$$

8. Evalúe cada una de estas integrales:

a.
$$\int \frac{x^2}{x+1} dx$$

b.
$$\int_0^1 \frac{2x+3}{(x+1)^2} dx$$

$$c. \int \frac{1}{(x+5)^2(x-1)} dx$$



Cálculo I - 2017



d.
$$\int_0^1 \frac{x^3}{x^2+1} dx$$

e.
$$\int \frac{3x^2-4x+5}{(x-1)(x^2+1)} dx$$

- 9. Dada la integral $\int \frac{1}{x\sqrt{x+1}} dx$, realice una sustitución para expresar el integrando como una función racional y luego evalúe la integral.
- 10. Calcule el área de la región bajo la curva $y = \frac{x+1}{x-1}$, desde a = 2 hasta b = 3.
- 11. Explique por qué son impropias cada una de las integrales que se presentan a continuación:

a.
$$\int_1^\infty x^4 e^{-x^4} dx$$

b.
$$\int_0^{\pi/2} \sec(x) \ dx$$

c.
$$\int_0^2 \frac{x}{x^2 - 5x + 6} dx$$

$$d. \int_{-\infty}^{0} \frac{1}{x^2 + 5} dx$$

- 12. Calcule el área bajo la curva $y=\frac{1}{x^3}$, de x=1 a x=t y evalúela cuando t=10,100 y 1000. A continuación, determine el área total bajo esta curva, para $x\geq 1$.
- 13. Señale si cada una de las siguientes integrales es convergente o divergente. Evalúe las convergentes:

$$a. \quad \int_1^\infty \frac{1}{(3x+1)^2} \, dx$$

b.
$$\int_{-\infty}^{-1} \frac{1}{\sqrt{2-w}} dw$$

c.
$$\int_{-\infty}^{\infty} x e^{-x^2} dx$$

d.
$$\int_0^\infty \cos(x) \ dx$$

e.
$$\int_{1}^{\infty} \frac{\ln(x)}{x^2} dx$$

f.
$$\int_{0}^{3} \frac{1}{\sqrt{x}} dx$$

g.
$$\int_{-1}^{0} \frac{1}{x^2} dx$$

- 14. Bosqueje la región $S = \{(x,y)/x \le 1, 0 \le y \le e^x\}$ y calcule su área (si esta es finita).
- 15. Aplique el teorema de comparación para determinar si la integral $\int_1^\infty \frac{\cos^2(x)}{1+x^2} dx$ es convergente o divergente.
- 16. Halle el área bajo la curva de la función f dada por $f(x) = \frac{-3x+2}{x^2-3x}$, entre x=2 y x=4.
- 17. Calcule, si es posible $\int_2^\infty \frac{1}{(x+3)^2} dx$, e indique qué representa.