

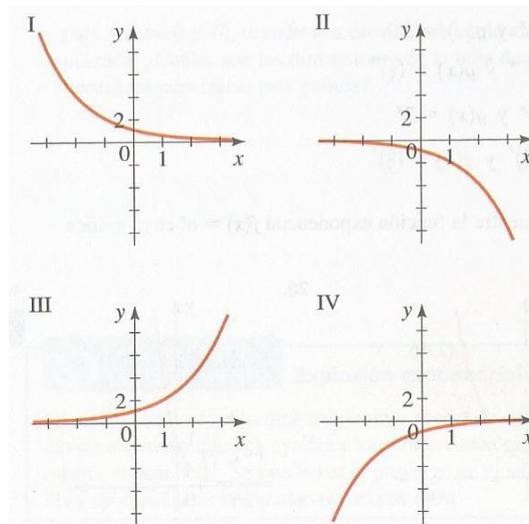
**Trabajo práctico 9**

1. La función  $f(x) = 5^x$  es una función exponencial con base ..... Evalúe la función en los siguientes casos:

- a.  $f(-2) =$
- b.  $f(0) =$
- c.  $f(2) =$
- d.  $f(6) =$

2. Relacione cada función exponencial con su gráfica.

- a.  $f(x) = 2^x$
- b.  $f(x) = 2^{-x}$
- c.  $f(x) = -2^x$
- d.  $f(x) = -2^{-x}$



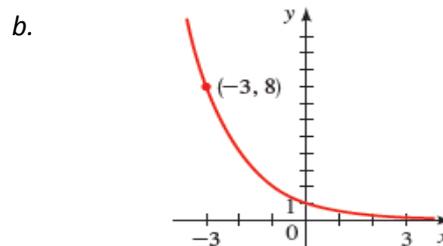
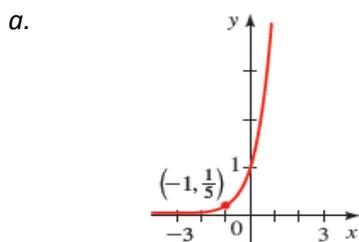
3. Trace la gráfica de la función haciendo una tabla de valores. Use calculadora si es necesario.

- a.  $f(x) = 2^x$
- b.  $h(x) = \left(\frac{1}{3}\right)^x$
- c.  $g(x) = \log_5(-x)$

4. Grafique ambas funciones en un conjunto de ejes.

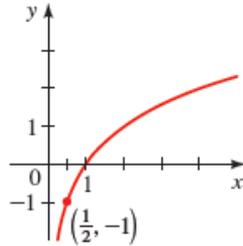
- a.  $f(x) = 2^x$     y     $g(x) = 2^{-x}$
- b.  $f(x) = 4^x$     y     $g(x) = 7^x$

5. Encuentre la función exponencial  $f(x) = a^x$  cuya gráfica nos dan.

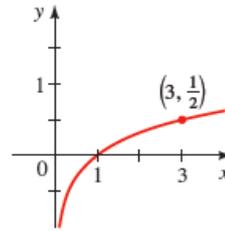


**Trabajo práctico 9**

c.



d.



6. Grafique la función, no localizando puntos sino empezando desde las gráficas modelos. (Gráficas de función logarítmica y exponencial).

a.  $f(x) = -3^x$

b.  $g(x) = 2^x - 3$

c.  $h(x) = 4 + \left(\frac{1}{2}\right)^x$

d.  $f(x) = \log_2(x - 4)$

e.  $g(x) = 2 + \log_3 x$

f.  $h(x) = 1 - \log_{10} x$

7. Encuentre las funciones  $f \circ g$  y  $g \circ f$ ; y determine sus dominios.

a.  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = x + 1$

b.  $f(x) = \log_2 x$ ,  $g(x) = x - 2$

**Modelado con funciones exponenciales y logarítmicas**

8. El número de bacterias en un cultivo se modela mediante la función

$$n_t = 500 e^{0,45t}$$

donde  $t$  se mide en horas.

a. ¿Cuál es el número inicial de bacterias?

b. ¿Cuántas bacterias están en el cultivo después de tres horas?

c. ¿Después de cuántas horas la cantidad de bacterias llega a 10000?

9. En una fiesta se sirve un tazón de sopa caliente. Comienza a enfriarse según la ley de enfriamiento de Newton, de modo que su temperatura en el instante  $t$  se determina mediante

$$T(t) = 65 + 145 e^{-0,05t}$$

donde  $t$  se mide en minutos y  $T$  se mide en  $^{\circ}F$ .

a. ¿Cuál es la temperatura inicial de la sopa?

b. ¿Cuál es la temperatura después de diez minutos?

c. ¿Después de cuánto tiempo la temperatura será de  $100^{\circ}F$ ?

### Trabajo práctico 9

10. Un lago pequeño contiene cierta especie de pez. La población de peces se modela mediante la función

$$P = \frac{10}{1 + 4 e^{-0,8t}}$$

donde  $P$  es el número de peces en miles y  $t$  se mide en años desde que se provisionó el lago.

- Encuentre la población de peces después de tres años.
- ¿Después de cuántos años la población de peces llegará a cinco mil?

11. Los médicos emplean el yodo radiactivo como trazador para diagnosticar ciertos trastornos de la glándula tiroides. Este tipo de yodo, se desintegra de tal manera que la masa restante después de  $t$  días se determina mediante la función

$$m(t) = 6 e^{-0,087t}$$

donde  $m(t)$  se mide en gramos.

- Encuentre la masa inicial de yodo.
- ¿Cuánta masa queda después de veinte días?
- ¿Cuántos días habrán transcurridos si se sabe que queda una masa de  $0,57g$ ?

12. Un paracaidista salta desde una altura razonable al suelo. La resistencia del aire que experimenta es proporcional a su velocidad, y la constante de proporcionalidad es de  $0,2$ . Se puede demostrar que la velocidad de descenso de paracaidista se expresa como

$$v(t) = 80(1 - e^{-0,2t})$$

donde  $t$  se mide en segundos y  $v(t)$  se mide en pies por segundo

- Encuentre la velocidad inicial del paracaidista.
- Calcule la velocidad después de cinco segundos y después de diez segundos.
- Halle el tiempo que transcurre hasta que alcanza una velocidad de  $77$  pies/seg

**Trabajo práctico 9**

**Ejercicios adicionales propuestos**

1. Trace la gráfica de  $y = 4^x$  y, a continuación, úsela para trazar la gráfica de  $y = \log_4 x$ .
2. Trace la gráfica de  $y = 3^x$  y, a continuación, úsela para trazar la gráfica de  $y = \log_3 x$ .
3. Trace la gráfica de la función. Expresé el dominio, rango y asíntota.
  - a.  $f(x) = 2^{-x+1}$
  - b.  $g(x) = 3 + 2^x$
  - c.  $f(x) = \log_3(x - 1)$
  - d.  $f(x) = 2 - \log_2(x)$
  - e.  $F(x) = e^x - 1$
  - f.  $g(x) = 2 \ln x$

4. Relacione cada función exponencial con su gráfica.

$y = 4^x$   
 $y = 4^{-x}$   
 $y = -4^x$   
 $y = -4^{-x}$

