

Paramagnetismo

(1)

• Se coloca un átomo con momento magnético $\bar{\mu}_B$ en un campo externo H . La energía del sistema es:

$$\bar{E} = -\bar{\mu} \cdot H$$

• Cuánticamente, el momento magnético solo tiene dos valores posibles: paralelo o antiparalelo al campo

$$E = -\mu_B H \quad \text{y} \quad E = \mu_B H$$

• La función de partición es

$$Z = e^{\mu_B H / kT} + e^{-\mu_B H / kT}$$
$$= 2 \cosh \left[\frac{\mu_B H}{kT} \right]$$

• El número de spins paralelos al campo será

$$N_{\uparrow} = \frac{e^{-\mu_B H / kT}}{Z} \cdot N$$

Y el de spins antiparalelos:

$$N_{\downarrow} = \frac{e^{\mu_B H / kT}}{Z} \cdot N$$

• La magnetización será la diferencia entre
entre los spines \uparrow y \downarrow

$$N_{\uparrow} - N_{\downarrow} = \frac{N}{Z} \left[e^{-\mu_B H / kT} - e^{\mu_B H / kT} \right]$$

$$= \frac{2N}{Z} \sinh \frac{\mu_B H}{kT}$$

• Reemplazando por el valor de Z :

$$M = (N_{\uparrow} - N_{\downarrow}) \mu_B = N \mu_B \tanh \frac{\mu_B H}{kT} \quad (2)$$

• La energía libre de Helmholtz resulta:

$$F = -NkT \ln Z$$

$$= -NkT \ln \left[2 \cosh \frac{\mu_B H}{kT} \right]$$

• Hay que recordar de Termodinámica que $M = - \left(\frac{\partial F}{\partial H} \right)$

$$M = N \mu_B \tanh \frac{\mu_B H}{kT}$$

que coincide con (2)

(3)

• Analicemos los límites. Si $\mu_B H \gg kT$
(campo muy intenso ó temperatura baja)
entonces $\tanh\left(\frac{\mu_B H}{kT}\right) \rightarrow 1$ y

$$M = N\mu_B$$

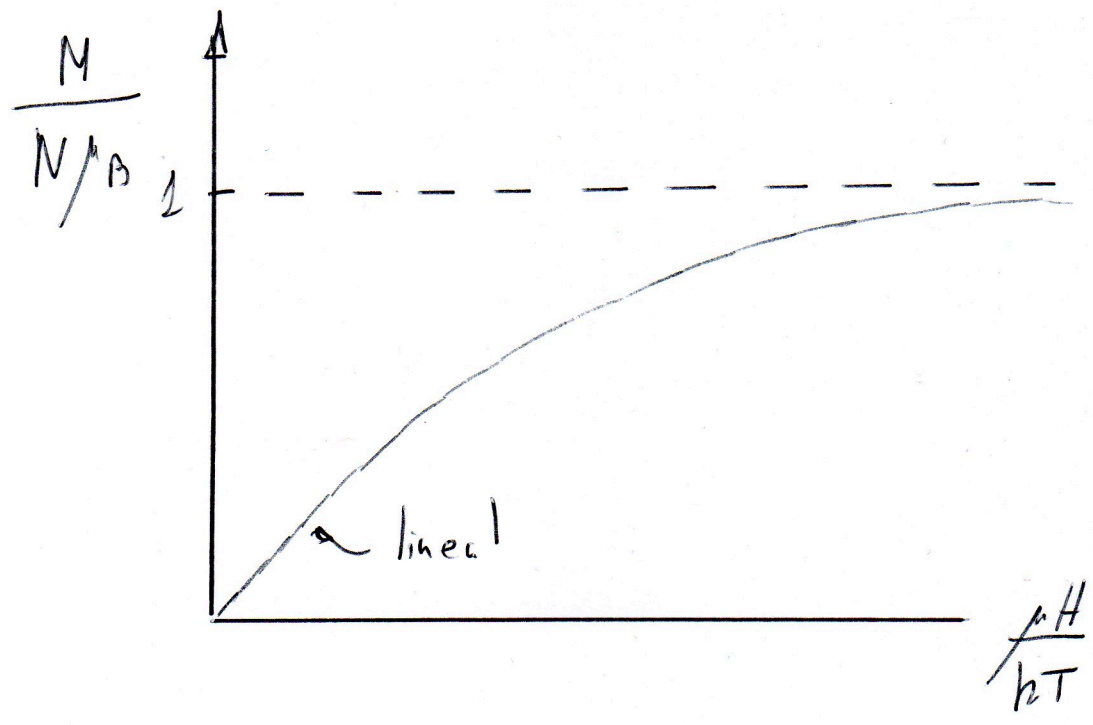
Se dice que la magnetización satura.

• Si $x \rightarrow 0$, entonces $\tanh x \sim x$

$$M = N\mu_B \cdot \frac{\mu_B H}{kT} = C_C \frac{H}{T}$$

Esta es la ley de Curie conocida empíricamente
y que ahora se puede deducir.

$$C_C = \frac{N\mu_B^2}{k} = 0.376 \frac{\text{m}^3 \text{K}}{\text{mol}}$$



• La energía será:

$$E = N k_B T^2 \left(\frac{\partial \ln Z}{\partial T} \right)_H$$

$$= -N \mu_B \left(\frac{\mu_B H}{kT} \right) \tanh \left(\frac{\mu_B H}{kT} \right)$$

• El calor específico resulta trivialmente

$$C_H = \left(\frac{\partial E}{\partial T} \right)_H = N \left(\frac{\mu_B H}{kT} \right)^2 \operatorname{sech} \frac{\mu_B H}{kT}$$